

الاسم:	كلية العلوم الاقتصادية والتجارية وعلوم التسيير	العلامة
اللقب:	قسم علوم التسيير	
الفوج:	السنة الأولى ماستر: اقتصاد وتسيير المؤسسة	20
	الرقابة العادية في مقياس مراقبة التسيير	
	2024/05/14	

A.....

السؤال الأول: (4 نقاط)

بينت الدراسة الإحصائية لتطور المبيعات الثلاثية وثلث سنوات متتالية لمنتجات لملمبة الأوراس النتائج التي يلخصها الجدول أدناه:

المنتج الثاني				المنتج الأول				المنتجات الثلاثية
4	3	2	1	4	3	2	1	
68	180	136	96	200	123	170	180	المبيعات لسنة 2020
84	232	188	156	243	100	181	206	المبيعات لسنة 2021
236	208	190	172	255	109	209	223	المبيعات لسنة 2022

على ضوء المعطيات أعلاه حدد الطريقة المناسبة لتحديد معادلة الاتجاه العام لكل منتج مع تبرير اختيارك.

الإجابة:

المنتج الثاني	المنتج الأول	
		الطريقة المناسبة
		التبرير

السؤال الثاني: (4 نقاط)

- تقوم مؤسسة ما بإنتاج وبيع نوعين من المنتجات انطلاقاً من مادة أولية واحدة وتتم عملية التصنيع في ورشة واحدة.
- يتطلب إنتاج المنتج A وحدتين من المادة الأولية و أربع ساعات من العمل المباشر في حين يتطلب إنتاج وحدة من المنتج B ثلاث وحدات من المادة الأولية وثلاث ساعات من العمل المباشر.
 - الكمية المتوفرة في المخازن من المادة الأولية لا تتجاوز 2000 وحدة في حين أن ساعات العمل المتاحة في حدود 8000.
 - تتوقع المؤسسة بيع المنتجين بسعر 20 دج و30 دج على التوالي وتحقق هامشاً يقدر بـ 10 و15 على التوالي علماً أن رقم أعمالها التقديري في حدود 70000 دج على الأكثر.
- المطلوب: صياغة المشكلة مع تحديد أسماء القيود.

الإجابة

--	--

السؤال الثالث: (4 نقاط)

أقرأ بتمعن العبارات المدونة في الجدول أدناه ثم ضع إشارة X في الخانة المناسبة، وفي حالة العبارة الخاطئة ضع خطأ تحت الكلمة الخاطئة في العبارة (العبارة لا تحتمل غير جواب واحد إما صحيح أو خطأ وفي حال اختيار إجابتين تلغى الإجابة)

خطأ	صحيح	العبارة
		1. تعد الفترة المعتمدة في عملية التقدير هي لفرق القائم بين القيم المصححة والقيم التقديرية
		2. تعد التسوية الآسية من الطرق الرياضية المعتمدة في تقدير المبيعات في حالة المنحنيات الطبيعية
		3. تهدف طريقة المجاميع المتحركة إلى التخلص من الانكسارات الوردية في السلسلة واستنتاج المبيعات
		4. تعتمد كل من طرق التمليس الآسي والطرق الرياضية في التنبؤ على دراسة إحصائية للماضي البعيد

السؤال الرابع: (8 نقاط)

باعتبارك مراقبا للتسيير حاول مساعدة مسؤول المبيعات في إعداد موازنة قسمة لسنة 2023 للمنتج A وذلك على ضوء المعلومات المدونة في الجدول أدناه والتي تبين المبيعات لخمس سنوات سابقة مع العلم أن سعر المنافسين بلغ 720 دج

الفترة	1	2	3	4	5
حجم المبيعات للمنتج A	17	95	200	570	2000

الإجابة:

--	--

ملاحظات:

- اعتماد رقمين وراء الفاصلة إلا في حالة وجود ثلاث ارقام بالضبط (يمنع منعا باتا التقريب).
- اعتماد النموذج في التقدير على اعتباره يتمتع بالصحة والمصدقية.
- اعتماد الملاحظة المباشرة (بالعين) دون البيانية.
- الإجابة تكون على قدر السؤال فقط.

بالتوفيق

أستاذة المقياس: أ.د/ن. يحيوي

الإجابة النموذجية لامتحان مراقبة التسيير لطلبة السنة الأولى ماستر: اقتصاد وتسيير المؤسسة
الإجابة على السؤال الأول: (7 * 0.575)

المنتج الأول	المنتج الثاني	
المعامل الموسمي	- إما الأوساط المتحركة - أو المجاميع المتحركة	الطريقة المناسبة
المنحنى غير طبيعي ويضم انكسارات منتظمة	المنحنى غير طبيعي والمبيعات تتغير بشكل غير منتظم	التبرير

الإجابة على السؤال الثاني: (4 نقاط)

<p>نرمز بـ x للكمية المنتجة من A وبـ y الكمية المنتجة من B</p> <p>دالة الهدف $\text{Max}(z) = 10x + 15y$</p> <p>قيد المادة الأولية $2x + 3y \leq 2000$</p> <p>قيد العمل المباشر $4x + 3y \leq 8000$</p> <p>قيد المبيعات $20x + 30y \leq 70000$</p> <p>$(x, y) \geq 0$</p>	<p>تحويل المترجمات إلى معادلات بإضافة متغيرات الفوارق</p> <p>$\text{Max}(z) = 10x + 3y + 0e_1 + 0e_2 + 0e_3$</p> <p>قيد المادة الأولية $2x + 3y + e_1 = 2000$</p> <p>قيد الآلة $4x + 3y + e_2 = 8000$</p> <p>قيد المبيعات $30x + 20y + e_3 = 70000$</p> <p>$(x, y, e_1, e_2, e_3) \geq 0$</p>
--	--

الإجابة على السؤال الثالث: (4 نقاط)

خطأ	صحيح	العبرة
	X	1. تعد الفترة المعتمدة في عملية التقدير هي لفرق القانم بين القيم المصححة والقيم التقديرية
	X	2. تعد التسوية الأسية من الطرق الرياضية المعتمدة في تقدير المبيعات في حالة المنحنيات الطبيعية
	X	3. تهدف طريقة المجاميع المتحركة إلى التخلص من الانكسارات الواردة في السلسلة واستنتاج المبيعات
X		4. تعتمد كل من طرق التلميس الآسي والطرق الرياضية في التنبؤ على دراسة إحصائية للماضي البعيد

الإجابة على السؤال الرابع: (8 نقاط)

<p>$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{15}{5} = 3$; $\bar{Y} = \frac{\sum Y}{n} = \frac{11.55}{5} = 2.31$</p> <p>$A = \frac{\sum xY - n\bar{x}\bar{Y}}{\sum x^2 - n\bar{x}^2} = \frac{39.57 - 5(3)(2.31)}{55 - 5(3)^2} = 0.492$</p> <p>$B = \bar{Y} - A\bar{x} = 2.31 - 0.492(3) = 0.834$</p> <p>$Y = 0.492x + 0.834$</p> <p>استنتاج المعادلة الأصلية:</p> <p>$\log a = A \Leftrightarrow a = 10^A \Rightarrow a = 10^{0.492} = 3.10$</p> <p>$\log b = B \Leftrightarrow b = 10^B \Rightarrow b = 10^{0.834} = 6.82$</p> <p>ومنه معادلة الاتجاه العام:</p> <p>$y = 6.82(3.10)^x$</p> <p>تقدير المبيعات الثلاثية لسنة 2023 (برنامج):</p> <p>$y = 6.82(3.10)^6$</p> <p>$y = 6053$</p> <p>موازنة المبيعات = $720 * 6986 = 4358160$</p>	<p>نلاحظ أن تتطور المبيعات لهذا المنتج كان طبيعيا واتخذ شكلا أسيا معادلته من الشكل:</p> <p>$y = ba^x$</p> <p>وبما أنه من غير الممكن تحديد معاملات هذه المعادلة بطريقة المربعات الصغرى سيتم تحويلها الى معادلة خطية مرورا بالمعادلة اللوغارتمية:</p> <p>$\log y = \log b + x \log a$</p> <p>وبوضع:</p> <p>$\log y = Y$ و $\log b = B$ و $\log a = A$</p> <p>نتحصل على المعادلة الخطية التالية:</p> <p>$Y = Ax + B$</p> <p>تحديد المعاملات بطريقة المربعات الصغرى:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>y</th> <th>logy = Y</th> <th>xY</th> <th>x²</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td> <td>17</td> <td>1.23</td> <td>1.23</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>95</td> <td>1.97</td> <td>3.94</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td>3</td> <td>200</td> <td>2.30</td> <td>6.9</td> <td>9</td> </tr> <tr> <td>4</td> <td>570</td> <td>2.75</td> <td>11</td> <td>16</td> </tr> <tr> <td>5</td> <td>2000</td> <td>3.30</td> <td>16.5</td> <td>25</td> </tr> <tr> <td>15</td> <td></td> <td>11.55</td> <td>39.57</td> <td>55</td> </tr> </tbody> </table>	x	y	logy = Y	xY	x ²	1	17	1.23	1.23	1	2	95	1.97	3.94	4	3	200	2.30	6.9	9	4	570	2.75	11	16	5	2000	3.30	16.5	25	15		11.55	39.57	55
x	y	logy = Y	xY	x ²																																
1	17	1.23	1.23	1																																
2	95	1.97	3.94	4																																
3	200	2.30	6.9	9																																
4	570	2.75	11	16																																
5	2000	3.30	16.5	25																																
15		11.55	39.57	55																																

الاسم:	كلية العلوم الاقتصادية والتجارية وعلوم التسيير	العلامة
اللقب:	قسم علوم التسيير	
الفوج:	السنة الأولى ماستر: اقتصاد وتسيير المؤسسة	
	الرقابة العادية في مقياس مراقبة التسيير	20
	2024/05/14	

B.....

السؤال الأول: (4 نقاط)

بينت الدراسة الإحصائية لتطور المبيعات الثلاثية وثلاث سنوات متتالية لمنتجات لملمبة الأوراس النتائج التي يلخصها الجدول أدناه:

المنتج الثاني				المنتج الأول				المنتجات الثلاثية
4	3	2	1	4	3	2	1	
68	180	136	96	200	123	170	180	المبيعات لسنة 2020
84	232	188	156	243	100	181	206	المبيعات لسنة 2021
36	208	190	172	255	209	109	223	المبيعات لسنة 2022

على ضوء المعطيات أعلاه حدد الطريقة المناسبة لتحديد معادلة الاتجاه العام لكل منتج مع تبرير اختيارك.

الإجابة:

المنتج الثاني	المنتج الأول	
		الطريقة المناسبة
		التبرير

السؤال الثاني: (4 نقاط)

- تقوم مؤسسة ما بإنتاج وبيع نوعين من المنتجات انطلاقاً من مادة أولية واحدة وتتم عملية التصنيع في ورشة واحدة.
- يتطلب إنتاج المنتج A أربع وحدات من المادة الأولية وساعتين من العمل المباشر في حين يتطلب إنتاج وحدة من المنتج B ثلاث وحدات من المادة الأولية وساعة من العمل المباشر.
 - الكمية المتوفرة في المخازن من المادة الأولية لا تتجاوز 2000 وحدة في حين أن ساعات العمل المتاحة في حدود 8000.
 - تتوقع المؤسسة بيع المنتجين بسعر 30 دج و20 دج على التوالي وتحقق هامشاً يقدر بـ 15 و5 على التوالي علماً أن رقم أعمالها التقديري في حدود 70000 دج على الأكثر.
- المطلوب: صياغة المشكلة مع تحديد أسماء القيود.

الإجابة

--	--

السؤال الثالث: (4 نقاط)

أقرأ بتمعن العبارات المدونة في الجدول أدناه ثم ضع إشارة X في الخانة المناسبة، وفي حالة العبارة الخاطئة ضع خطأ تحت الكلمة الخاطئة في العبارة (العبارة لا تحتل غير جواب واحد إما صحيح أو خطأ وفي حال اختيار إجابتين تلغى الإجابة)

خطأ	صحيح	العبارة
		1. تعد التسوية الآسية من الطرق الرياضية المعتمدة في تقدير المبيعات في حالة المنحنيات الطبيعية
		2. تعد الفترة المعتمدة في عملية التقدير هي لفرق القانم بين القيم المصححة والقيم التقديرية
		3. تهدف طريقة المجاميع المتحركة إلى التخلص من الانكسارات الوردية في السلسلة وتقدير المبيعات
		4. تعتمد كل من طرق التمليس الآسي والطرق الرياضية في التنبؤ على دراسة إحصائية للماضي البعيد

السؤال الرابع: (8 نقاط)

باعتبارك مراقبا للتسيير حاول مساعدة مسؤول المبيعات في إعداد موازنة قسمه لسنة 2023 للمنتج A وذلك على ضوء المعلومات المدونة في الجدول أدناه والتي تبين المبيعات لخمس سنوات سابقة مع العلم أن سعر المنافسين بلغ 720 دج

الفترات	1	2	3	4	5
حجم المبيعات للمنتج A	17	59	200	570	2000

الإجابة:

--	--

ملاحظات:

- اعتماد رقمين وراء الفاصلة إلا في حالة وجود ثلاث ارقام بالضبط (يمنع منعاً باتاً التقريب).
- اعتماد النموذج في التقدير على اعتباره يتمتع بالصحة والمصدقية.
- اعتماد الملاحظة المباشرة (بالعين) دون البيانية.

بالتوفيق

أستاذة المقياس: أ.د/ن. يحيياوي

الإجابة النموذجية لامتحان مراقبة التسيير لطلبة السنة الأولى ماستر: اقتصاد وتسيير المؤسسة
الإجابة على السؤال الأول:)

المنتج الثاني	المنتج الأول	
المعامل الموسمي	-إما الأوساط المتحركة -أو المجاميع المتحركة	الطريقة المناسبة
المنحنى غير طبيعي ويضم انكسارات منتظمة	التطور (المنحنى) غير طبيعي والمبيعات تتغير بشكل غير منتظم	التبرير

الإجابة على السؤال الثاني: (4 نقاط)

<p>لنرمز بـ x للكمية المنتجة من A و بـ y الكمية المنتجة من B</p> <p>دالة الهدف $\text{Max}(z) = 15x + 5y$</p> <p>قيد المادة الأولية $4x + 3y \leq 2000$</p> <p>قيد العمل المباشر $2x + 1y \leq 8000$</p> <p>قيد المبيعات $30x + 20y \leq 70000$</p> <p>$(x, y) \geq 0$</p>	<p>تحويل المترجمات إلى معادلات بإضافة متغيرات الفوارق</p> <p>$\text{Max}(z) = 15x + 5y + 0e_1 + 0e_2 + 0e_3$</p> <p>قيد المادة الأولية $4x + 3y + e_1 = 2000$</p> <p>قيد الألة $2x + 1y + e_2 = 8000$</p> <p>قيد المبيعات $30x + 20y + e_3 = 70000$</p> <p>$(x, y, e_1, e_2, e_3) \geq 0$</p>
---	--

الإجابة على السؤال الثالث: (4 نقاط)

خطأ	صحيح	العبرة
X	X	1. تعد التسوية الأسية من الطرق الرياضية المعتمدة في تقدير المبيعات في حالة المنحنيات الطبيعية
X	X	2. تعد الفترة المعتمدة في عملية التقدير هي لفرق القانم بين القيم المصححة والقيم التقديرية
X	X	3. تهدف طريقة المجاميع المتحركة إلى التخلص من الانكسارات الوردية في السلسلة وتقدير المبيعات
X	X	4. تعتمد كل من طرق التلميس الآسي والطرق الرياضية في التنبؤ على دراسة إحصائية للماضي البعيد

السؤال الرابع: (8 نقاط)

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{15}{5} = 3; \bar{y} = \frac{\sum Y}{n} = \frac{11.35}{5} = 2.27$$

$$A = \frac{\sum xY - n\bar{x}\bar{y}}{\sum x^2 - n\bar{x}^2} = \frac{39.17 - 5(3)(2.27)}{55 - 5(3)^2} = 0.512$$

$$B = \bar{y} - A\bar{x} = 2.27 - 0.512(3) = 0.734$$

$$Y = 0.512x + 0.734$$

استنتاج المعادلة الأصلية:

$$\log a = A \Leftrightarrow a = 10^A \Rightarrow a = 10^{0.512} = 3.25$$

$$\log b = B \Leftrightarrow b = 10^B \Rightarrow b = 10^{0.734} = 5.42$$

ومنه معادلة الاتجاه العام:

$$y = 5.42(3.25)^x$$

تقدير المبيعات الثلاثية لسنة 2023 (برنامج):

$$y = 5.42(3.25)^6$$

$$y = 6387$$

$$720 * 6387 = \text{موازنة المبيعات}$$

$$4598640 =$$

نلاحظ أن تتطور المبيعات لهذا المنتج كان طبيعيا واتخذ شكلا أسيا معادلته من الشكل:

$$y = ba^x$$

وبما أنه من غير الممكن تحديد معاملات هذه المعادلة بطريقة المربعات الصغرى سيتم تحويلها الى معادلة خطية مرورا بالمعادلة اللوغارتمية:

$$\log y = \log b + x \log a$$

وبوضع:

$$\log y = Y \quad \text{و} \quad \log b = B \quad \text{و} \quad \log a = A$$

نتحصل على المعادلة الخطية التالية:

$$Y = Ax + B$$

تحديد المعاملات بطريقة المربعات الصغرى:

x	y	$\log y = Y$	xY	x^2
1	17	1.23	1.23	1
2	59	1.77	3.54	4
3	200	2.30	6.9	9
4	570	2.75	11	16
5	2000	3.30	16.5	25
15		11.35	39.17	55

الاسم:	كلية العلوم الاقتصادية والتجارية وعلوم التسيير	العلامة
اللقب:	قسم علوم التسيير	
الفوج:	السنة الأولى ماستر: اقتصاد وتسيير المؤسسة	
	الرقابة العادية في مقياس مراقبة التسيير	20
	2024/05/14	

C.....

السؤال الأول: (4 نقاط)

بينت الدراسة الإحصائية لتطور المبيعات الثلاثية وثلاث سنوات متتالية لمنتجات لمبنة الأوراس النتائج التي يلخصها الجدول أدناه:

المنتجات الثلاثيات		المنتج الأول				المنتج الثاني			
		1	2	3	4	1	2	3	4
المبيعات لسنة 2020	180	170	123	200	96	136	180	201	4
المبيعات لسنة 2021	206	181	100	243	256	288	332	384	3
المبيعات لسنة 2022	223	109	209	255	472	490	508	536	4

على ضوء المعطيات أعلاه حدد الطريقة المناسبة لتحديد معادلة الاتجاه العام لكل منتج مع تبرير اختيارك.

الإجابة:

المنتج الأول	المنتج الثاني	
		الطريقة المناسبة
		التبرير

السؤال الثاني: (4 نقاط)

- تقوم مؤسسة ما بإنتاج وبيع نوعين من المنتجات انطلاقاً من مادة أولية واحدة وتتم عملية التصنيع في ورشة واحدة.
- يتطلب إنتاج المنتج A خمس وحدات من المادة الأولية وساعتين من عمل الآلة في حين يتطلب إنتاج وحدة من المنتج B ثلاث وحدات من المادة الأولية وساعة من عمل الآلة.
 - الكمية المتوفرة في المخازن من المادة الأولية لا تتجاوز 2000 وحدة في حين أن الساعات المنتجة المتاحة في حدود 8000.
 - تتوقع المؤسسة بيع المنتجين بسعر 30 دج و20 دج على التوالي وتحقق هامشاً يقدر بـ 15 و5 على التوالي علماً أن رقم أعمالها التقديري في حدود 70000 دج على الأكثر.
- المطلوب:** صياغة المشكلة مع تحديد أسماء القيود.

الإجابة

--	--

السؤال الثالث: (4 نقاط)

اقرأ بتمعن العبارات المدونة في الجدول أدناه ثم ضع إشارة X في الخانة المناسبة، وفي حالة العبارة الخاطئة ضع خطأ تحت الكلمة الخاطئة في العبارة (العبارة لا تحتل غير جواب واحد إما صحيح أو خطأ وفي حال اختيار إجابتين تلغى الإجابة)

خطأ	صحيح	العبارة
		1. تعتمد كل من طرق التمليس الآسي والطرق الرياضية في التنبؤ على دراسة إحصائية للماضي البعيد
		2. تهدف طريقة المجاميع المتحركة إلى التخلص من الانكسارات الواردة في السلسلة واستنتاج المبيعات
		3. تعد الفترة المعتمدة في عملية التقدير هي الفرق القائم بين القيم المصححة والقيم التقديرية
		4. تعد التسوية الآسية من الطرق الرياضية المعتمدة في تقدير المبيعات في حالة المنحنيات الطبيعية

السؤال الرابع: (8 نقاط)

باعتبارك مراقباً للتسيير حاول مساعدة مسؤول المبيعات في إعداد موازنة قسمه لسنة 2023 للمنتج A وذلك على ضوء المعلومات المدونة في الجدول أدناه والتي تبين المبيعات لخمس سنوات سابقة مع العلم أن سعر المنافسين بلغ 720 دج

الفترة	1	2	3	4	5
حجم المبيعات للمنتج A	17	95	200	750	2000

الإجابة:

--	--

ملاحظات:

- اعتماد رقمين وراء الفاصلة إلا في حالة وجود ثلاث أرقام بالضبط (يمنع منعا باتا التقريب).
- اعتماد النموذج في التقدير على اعتباره يتمتع بالصحة والمصدقية.
- اعتماد الملاحظة المباشرة (بالعين) دون البيانية.
- الإجابة تكون على قدر السؤال فقط.

بالتوفيق

أستاذة المقياس: أ.د/ن. يحيوي

الإجابة النموذجية لامتحان مراقبة التسيير لطلبة السنة الأولى ماستر: اقتصاد وتسيير المؤسسة
الإجابة على السؤال الأول: $4 = (0.67 * 6)$

المنتج الأول	المنتج الثاني	
-إما الأوساط المتحركة -أو المجاميع المتحركة	الطريقة المناسبة	الطريقة المناسبة
التطور (المنحنى) غير طبيعي والمبيعات تتغير بشكل غير منتظم	التطور طبيعي	التبرير

الإجابة على السؤال الثاني: $4 = (0.25 * 16)$

<p>لنرمز بـ x للكمية المنتجة من A و بـ y الكمية المنتجة من B دالة الهدف $\text{Max}(z) = 15x + 5y$ قيد المادة الأولية $5x + 3y \leq 2000$ قيد الآلة $2x + 1y \leq 8000$ قيد المبيعات $30x + 20y \leq 70000$ $(x, y) \geq 0$</p>	<p>تحويل المترجمات إلى معادلات بإضافة متغيرات الفوارق $\text{Max}(z) = 15x + 5y + 0e_1 + 0e_2 + 0e_3$ قيد المادة الأولية $5x + 3y + e_1 = 2000$ قيد الآلة $2x + 1y + e_2 = 8000$ قيد المبيعات $30x + 20y + e_3 = 70000$ $(x, y, e_1, e_2, e_3) \geq 0$</p>
--	---

الإجابة على السؤال الثالث: (4 نقاط)

خطأ	صحيح	العبرة
X		1. تعتمد كل من طرق التمليس الآسي والطرق الرياضية في التنبؤ على دراسة إحصائية للماضي البعيد
X		2. تهدف طريقة المجاميع المتحركة إلى التخلص من الانكسارات الواردة في السلسلة واستنتاج المبيعات
X		3. تعد الفترة المعتمدة في عملية التقدير هي الفرق القائم بين القيم المصححة والقيم التقديرية
X		4. تعد التسوية الآسية من الطرق الرياضية المعتمدة في تقدير المبيعات في حالة المنحنيات الطبيعية

الإجابة على السؤال الرابع: $8 = (0.25 * 32)$

<p>$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{15}{5} = 3$; $\bar{Y} = \frac{\sum Y}{n} = \frac{11.67}{5} = 2.334$</p> <p>$A = \frac{\sum xY - n\bar{x}\bar{Y}}{\sum x^2 - n\bar{x}^2} = \frac{40.05 - 5(3)(2.334)}{55 - 5(3)^2} = 0.504$</p> <p>$B = \bar{Y} - A\bar{x} = 2.334 - 0.504(3) = 0.822$</p> <p>$Y = 0.504x + 0.822$</p> <p>استنتاج المعادلة الأصلية: $\log a = A \Leftrightarrow a = 10^A \Rightarrow a = 10^{0.504} = 3.19$ $\log b = B \Leftrightarrow b = 10^B \Rightarrow b = 10^{0.822} = 6.63$ ومنه معادلة الاتجاه العام: $y = 6.63(3.19)^x$ تقدير المبيعات الثلاثية لسنة 2023 (برنامج): $y = 6.63(3.19)^6$ $y = 6986$ موازنة المبيعات = $720 * 6986 = 5029920$</p>	<p>نلاحظ أن تتطور المبيعات لهذا المنتج كان طبيعياً واتخذ شكلاً أسياً معادلته من الشكل:</p> $y = ba^x$ <p>وبما أنه من غير الممكن تحديد معاملات هذه المعادلة بطريقة المربعات الصغرى سيتم تحويلها إلى معادلة خطية مروراً بالمعادلة اللوغارتمية:</p> $\log y = \log b + x \log a$ <p>وبوضع:</p> $\log y = Y \quad \text{و} \quad \log b = B \quad \text{و} \quad \log a = A$ <p>نتحصل على المعادلة الخطية التالية:</p> $Y = Ax + B$ <p>تحديد المعاملات بطريقة المربعات الصغرى:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>x</th> <th>y</th> <th>logy = Y</th> <th>xY</th> <th>x²</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td> <td>17</td> <td>1.23</td> <td>1.23</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>95</td> <td>1.97</td> <td>3.94</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td>3</td> <td>200</td> <td>2.30</td> <td>6.9</td> <td>9</td> </tr> <tr> <td>4</td> <td>750</td> <td>2.87</td> <td>11.48</td> <td>16</td> </tr> <tr> <td>5</td> <td>2000</td> <td>3.30</td> <td>16.5</td> <td>25</td> </tr> <tr> <td>15</td> <td></td> <td>11.67</td> <td>40.05</td> <td>55</td> </tr> </tbody> </table>	x	y	logy = Y	xY	x ²	1	17	1.23	1.23	1	2	95	1.97	3.94	4	3	200	2.30	6.9	9	4	750	2.87	11.48	16	5	2000	3.30	16.5	25	15		11.67	40.05	55
x	y	logy = Y	xY	x ²																																
1	17	1.23	1.23	1																																
2	95	1.97	3.94	4																																
3	200	2.30	6.9	9																																
4	750	2.87	11.48	16																																
5	2000	3.30	16.5	25																																
15		11.67	40.05	55																																